

Übungen zur Physik II - SS 2016

10. Übungsblatt

Abzugeben in der Vorlesung um 14:00 Uhr am Dienstag, den 21.06.2016

Aufgabe 1: R-C-L Reihenschwingkreis (6 Punkte)

Eine Serienschaltung aus $R = 100\Omega$, $L = 0.245 H$ und $C = 100nF$ wird an einen Sinusgenerator mit abstimmbarer Frequenz f angeschlossen. Der Scheitelwert $U_m = 10V$ der Wechselspannung ist konstant.

- Bei welcher Frequenz f_0 tritt Resonanz ein? (2 Punkte, A)
- Wie groß ist im Resonanzfall der Scheitelwert I_m der Stromstärke? (1 Punkt, A)
- Welchen Scheitelwert U_{Cm} hat dabei die Spannung am Kondensator? (1 Punkt, A)
- Wie ändert sich I_m , wenn der Generator verstimmt wird: $f = k \cdot f_0$ ($k = 1.10$ bzw $k = 0.9$)? (2 Punkte, B)

Aufgabe 2: Kondensatorentladung über eine Induktivität (6 Punkte)

Die Entladung eines Kondensators über einen Widerstand führt bekanntlich auf einen exponentiellen Abfall der Ladung:

$$Q(t) = Q_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ mit } \tau = R \cdot C$$

Dabei sind aber etwaige Leiterinduktivitäten L vernachlässigt.

- Zeigen Sie, dass die Differentialgleichung unter Berücksichtigung der Leiterinduktivität L für den Entladestrom I

$$\frac{d^2 I}{dt^2} + 2 \cdot \gamma \cdot \frac{dI}{dt} + \omega_0^2 I = 0$$

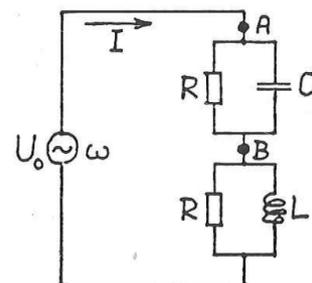
, mit $\gamma = \frac{R}{2L}$ und $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$, ist (Hinweis: R-C-L Schaltung. Siehe auch entsprechenden Versuch in der Vorlesung.). (2 Punkte, A)

- Der Entladestrom sei zum Zeitpunkt $t = 0$ null, d.h. $I(t = 0) = 0$. Lösen Sie die Differentialgleichung und diskutieren Sie folgende Fälle: (1) $\gamma < \omega_0$, (2) $\gamma > \omega_0$, sowie den Fall (3) $\gamma \gg \omega_0$ mit $L \ll R^2 C$ (Hinweis: gedämpfte Schwingung). (4 Punkte, B/C)

Aufgabe 3: Schwingkreis (5 Punkte)

Die abgebildete Schaltung ist an eine Wechselspannungsquelle der Amplitude U_0 und der Kreisfrequenz ω angeschlossen.

- Zeigen Sie, dass der Strom I unabhängig von der Frequenz ist, wenn man C , L und R so gewählt wurden, dass $CR = L/R$ ist. (3 Punkte, B)
- Welche Phasendifferenz ϕ ergibt sich zwischen der Spannung U_{AB} am RC-Kreis und der Quellenspannung im Falle von $CR = L/R$? (2 Punkte, B)



Aufgabe 4: Verschiebungsstrom und Magnetfeld (7 Punkte)

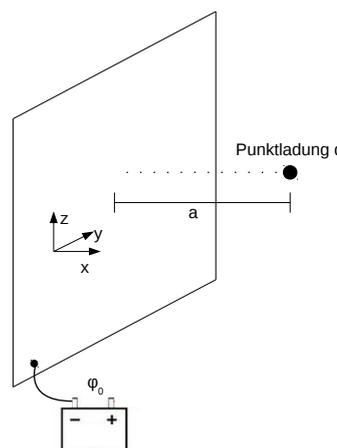
Ein Plattenkondensator mit kreisförmigen Platten der Flächen $S = \pi R^2$ werde mit einem konstanten Strom I aufgeladen. Die Zuleitungsdrähte seien gerade, sehr lang und erreichen den Kondensator in Plattenmitte senkrecht zu den Platten.

- a) Wie groß ist die Ladung auf den Kondensatorplatten als Funktion der Zeit? (1 Punkt, A)
- b) Bestimmen Sie das Magnetfeld im Innern des Kondensators, das durch den Verschiebungsstrom entsteht. Bei welchem Radius beträgt es 50% des Maximums? (3 Punkte, B)
- c) Bestimmen Sie das Magnetfeld um den Kondensator bei $r \geq R$ und vergleichen Sie es mit dem Magnetfeld um den Draht bei gleichem Radius. (3 Punkte, B)

Aufgabe 5: Spiegelladung/Dirichlet Randbedingungen (5 Punkte)

Betrachten Sie eine Ladung q vor einer Leiterplatte, die auf einem konstanten Potential Φ_0 angeschlossen ist (siehe Skizze und Vorlesungsskript für den Fall $\Phi_0 = 0$).

- a.) Geben Sie hierfür das Potential an. (2 Punkte, B)
- b.) Ist diese Lösung eindeutig? (1 Punkt, B)
- c.) Wie ändert sich die induzierte Flächenladung im Vergleich zu dem Fall mit $\Phi_0 = 0$? (2 Punkte, B)



Aufgabe 6: Spiegelladungen (3 Punkte, A)

Bestimmen Sie die Kraft auf die Ladung $+q$ an der Stelle $z = 3d$ (vgl. Skizze). Hierbei Sei die x - y Ebene eine geerdete Leiterplatte.

